

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
Львівський національний університет імені Івана Франка
Механіко-математичний факультет
Кафедра алгебри, топології та основ математики

Затверджено
на засіданні кафедри алгебри, топології та
основ математики
механіко-математичного факультету
Львівського національного університету
імені Івана Франка
(протокол № 1 від 29.08.2022 р.)

Завідувач кафедри: проф. Банах Т.О.



Силабус з навчальної дисципліни

“ Загальна алгебра ”,

що викладається в межах ОПШ “Комп’ютерна алгебра, криптологія і теорія ігор”,
“Математика. Математична економіка та економетрика”, “Середня освіта
(Математика)” першого (бакалаврського) рівня вищої освіти
для здобувачів із спеціальностей 111 Математика та 014 Середня освіта
(предметна спеціальність 014.04 Середня освіта (Математика))

Назва дисципліни	Загальна алгебра
Адреса викладання дисципліни	м. Львів, вул. Університетська 1
Факультет та кафедра, за якою закріплена дисципліна	Механіко-математичний факультет Кафедра алгебри, топології та основ математики
Галузь знань, шифр та назва спеціальності	Галузь знань: 11 Математика і статистика Спеціальність: 111 Математика; Галузь знань: 01 Освіта/Педагогіка Спеціальність: 014 Середня освіта (Математика) предметна спеціальність 014.04 Середня освіта (Математика)
Викладачі дисципліни	Романів Олег Миколайович , кандидат фізико-математичних наук, доцент, доцент кафедри алгебри, топології та основ математики
Контактна інформація викладачів	oleh.romaniv@lnu.edu.ua
Консультації з питань навчання по дисципліні відбуваються	Консультацію з теоретичної чи практичної частини курсу можна отримати на нараді MS Teams і групі курсу в Telegram у будь-який зручний для студентів та викладача час, а також очно в день проведення лекцій чи практичних занять за попередньою домовленістю.
Сторінка курсу	http://mmf.lnu.edu.ua/algstaff/1443 ;
Інформація про дисципліну	Дисципліна “Загальна алгебра” є вибірковою дисципліною зі спеціальності 111 Математика для освітніх програм “Комп’ютерна алгебра, криптологія і теорія ігор”, “Математика. Математична економіка та економетрика”, а також зі спеціальності 014 Середня освіта для освітньої програми “Середня освіта (Математика)”. Вона викладається в 3-му семестрі в обсязі 4,5 кредити (за Європейською Кредитно-Трансферною Системою ECTS).
Коротка анотація дисципліни	Навчальну дисципліну розроблено таким чином, щоб надати здобувачам першого (бакалаврського) рівня необхідні знання для отримання загальних і фахових компетенцій з абстрактної алгебри, які дозволять засвоювати пов’язані з нею дисципліни та використовувати набуті знання в професійній діяльності.
Мета та цілі дисципліни	Мета: ознайомити студентів з основними поняттями та теоретичними положеннями абстрактної алгебри, напрямками наукових досліджень у теоріях груп, кілець та полів, вказати сфери застосування абстрактної алгебри в різних задачах математики, економіки, програмування, комп’ютерних наук, криптографії тощо. Цілі: викласти базові поняття та основні положення загальної алгебри, ознайомити з методами розв’язування задач з абстрактної алгебри, які можуть бути використані в математичними моделями різних природних процесів.

<p>Література для вивчення дисципліни</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. О.М. Романів. Електронний текст лекцій по курсу «Загальна алгебра» // http://mmf.lnu.edu.ua/algstu/468 2. О.М. Романів. Електронний текст матеріалів для практичних занять по курсу «Загальна алгебра» // http://mmf.lnu.edu.ua/algstu/468 3. Загальна алгебра: навч. посібник / Б. Забавський, В. Андрійчук, А. Гаталевич, О. Пігура. - Львів : ЛНУ імені Івана Франка, 2018. – 186с. 4. Gregory T. Lee, Abstract Algebra, Springer International Publishing AG, part of Springer Nature 2018 5. Thomas W. Judson, Robert A. Beezer, Abstract Algebra. Theory and Applications. Annual Edition 2022. 6. Андрійчук В.І., Забавський Б.В. Алгебра і теорія чисел // -Львів. -2005. 7. Онлайн-курс «Mathematics for Machine Learning: PCA» на Coursera: https://www.coursera.org/learn/pca-machine-learning
<p>Обсяг курсу</p>	<p>Загальний обсяг: 135 годин. Аудиторних занять: 64 год., з них 32 год. лекцій та 32 годин практичних занять. Самостійна робота: 71 год.</p>
<p>Очікувані результати навчання</p>	<p><u>В результаті вивчення даного курсу студент повинен знати:</u> основні поняття абстрактної алгебри, зокрема: моноїд, група, кільце, поле, скінченне поле, розширення поля, характеристика поля, поле розкладу многочлена, алгебраїчне, трансцендентне число; вміти: застосовувати теорему Лагранжа, будувати фактор-групу, фактор-кільце, будувати прості розширення полів, знаходити степінь розширення, виконувати арифметичні дії у скінченних розширеннях полів, будувати поле розкладу многочлена, перевіряти, чи є заданий елемент алгебраїчним та знаходити мінімальний многочлен, будувати скінченні поля.</p> <p>Після успішного завершення курсу студент має набути такі загальні компетентності (ЗК) та спеціальні (фахові) компетентності (ФК):</p> <p>ЗК 3: Здатність до прийняття ефективних рішень у професійній діяльності, відповідального ставлення до обов'язків і адаптації до сучасних умов процесу навчання.</p> <p>ЗК 4: Здатність до міжособистісної взаємодії, праці в команді, спілкування з представниками інших професійних груп різного рівня.</p> <p>ЗК 9: Здатність навчатися та засвоювати новітні інформацію та знання.</p> <p>ФК 1: Здатність використовувати систематизовані та інноваційні теоретико-практичні знання з математики та методики і методології навчання та викладання математики під час розв'язування професійних завдань.</p> <p>ФК 4: Здатність до формування мотивації та організації пізнавальної діяльності учнів.</p> <p>ФК 7: Здатність до адекватної оцінки особистої фахової компетентності, прийняття рішень та підвищення професійної кваліфікації стосовно нових потреб і вимог.</p> <p>і здобути такі програмні результати навчання (ПРН):</p> <p>ПРН 10: Уміти розв'язувати задачі різних рівнів складності курсу математики в закладах загальної середньої освіти, чітко й раціонально пояснювати розв'язання учням.</p> <p>ПРН 12: Уміти створювати математичні моделі об'єктів та процесів для розв'язування задач із різних предметних галузей алгебраїчними та геометричними методами.</p> <p>ПРН 14: Розробляти і пропонувати різні форми та прийоми виховання позитивного ставлення до математики, мотивації учнів до засвоєння її основ та методів.</p>

Ключові слова	Алгебра, піднапівгрупа, моноїд, група, підгрупа, кільце, тіло, поле, розширення поля, степінь розширення поля, характеристика поля, поле розкладу многочлена, алгебраїчне, трансцендентне число, мінімальний многочлен.
Формат курсу	Очний.
Теми	Див. Схема курсу
Підсумковий контроль, форма	Залік в кінці семестру
Пререквізити	Для вивчення даного курсу студенти повинні мати базові знання з: <ul style="list-style-type: none"> • лінійної алгебри • дискретної математики
Навчальні методи та техніки, які будуть використовуватися під час викладання курсу	<p>Основними методами навчання, що використовуються в процесі викладання навчальної дисципліни «Загальна алгебра» є:</p> <ul style="list-style-type: none"> • метод передачі і сприйняття навчальної інформації, пробудження наукового інтересу (розповідь, пояснення, бесіда, лекція, презентація, демонстрація, спостереження, аналіз); • метод практично-орієнтованого засвоєння курсу з допомогою розв'язування задач за темами курсу для набуття умінь і практичних навичок (лабораторні заняття); • метод контролю з допомогою періодичного складання колоквиумів та контрольних робіт за тематикою лекційних та практичних занять; • метод самостійного засвоєння студентами навчального матеріалу у вигляді виконання домашніх завдань та розв'язування задач підвищеної складності, зокрема на доведення, з визначених тем курсу на підставі самостійно опрацьованої базової літератури та додаткових джерел інформації, інтернет-ресурсів з метою конкретизації й поглиблення базових знань, необхідних умінь та практичних навичок (самостійна робота); • інтерактивні методи (демонстраційні вправи, мозковий штурм, дискусії, діалогова форма набуття знань, обговорення складних дискусійних питань і проблем тощо) на лекціях, лабораторних заняттях та консультаціях. <p>Під час навчання застосовуватимуться лекції, презентації, комплексні завдання, електронні матеріали з навчального курсу, спільні розробки, практично-орієнтоване навчання, інтерактивні методи, виконання індивідуальних завдань.</p>
Необхідне обладнання	Для вивчення навчальної дисципліни «Загальна алгебра» потрібно: дошка, крейда, навчальні посібники, мультимедійний проектор, комп'ютер, доступ до мережі «Інтернет», доступ до платформ Microsoft Teams, Zoom, Telegram, електронна пошта.
Критерії оцінювання (окремо для кожного виду навчальної діяльності)	<p>Оцінювання проводиться за 100-бальною шкалою.</p> <p>Бали нараховуються так: контрольні роботи №1, №2 : $2 \times 20 = 40$; колоквиуми №1, №2: $2 \times 20 = 40$; самостійні роботи -- $5 \times 2 = 10$; премія за активну роботу на заняттях -- 10. Всього – 100.</p> <p>Остаточна кількість балів, які отримує студент після закінчення курсу: загальна кількість балів, набраних за семестр.</p> <p><i>Примітка: Самостійні роботи студенти пишуть під час проведення практичних занять для перевірки засвоєння ними матеріалу цього</i></p>

	<p>заняття (5-10 хв). Написанням самостійних робіт також є контролем за відвідуванням занять, оскільки навіть за незначний результат самостійної роботи виставляється якась частина максимальної кількості балів за цю роботу і це фіксується в журналі.</p> <p>Академічна доброчесність: Очікується, що роботи студентів будуть оригінальними дослідженнями чи міркуваннями. Списування та втручання в роботу інших студентів становлять, але не обмежують, приклади можливої академічної недоброчесності. Виявлення ознак академічної недоброчесності в написанні завдань є підставою для її незарахування викладачем, незалежно від масштабів плагіату чи обману.</p> <p>Відвідання занять є важливою складовою навчання. Очікується, що всі студенти відвідають усі лекції та практичні заняття курсу. Студенти повинні інформувати викладача про неможливість відвідати заняття. У будь-якому випадку студенти зобов'язані дотримуватися термінів визначених для виконання всіх видів робіт, передбачених курсом.</p> <p>Література. Уся література, яку студенти не зможуть знайти самостійно, буде надана викладачем виключно в освітніх цілях без права її передачі третім особам. Студенти заохочуються до використання також й іншої літератури та джерел, яких немає серед рекомендованих.</p> <p>Політика виставлення балів. Враховуються бали, набрані при поточному контролі та бали підсумкового тестування. При цьому обов'язково враховуються присутність на заняттях та активність студента під час практичного заняття; недопустимість пропусків та запізнь на заняття; користування мобільним телефоном, планшетом чи іншими мобільними пристроями під час заняття в цілях не пов'язаних з навчанням; списування та плагіат; несвоєчасне виконання поставленого завдання і т. ін.</p> <p>Жодні форми порушення академічної доброчесності не толеруються.</p>
<p>Питання до колоквиумів</p>	<p>Колоквиум №1.</p> <p>Алгебричні операції. Ізоморфізми алгебричних структур. Напівгрупи. Моноїди. Групи. Підгрупи. Порядок групи. Порядок елемента. Експонента групи. Твірні елементи. Циклічні групи. Гомоморфізм груп. Ізоморфізм груп. Суміжні класи. Теорема Лагранжа. Факторгрупи. Теорема про гомоморфізм груп. Дія групи на множині. Орбіти. Стабілізатори. Центри. Централізатори. Нормалізатори. p-групи. Теорема Силова.</p> <p>Колоквиум №2.</p> <p>Прямі добутки груп. Абелеві групи. Розв'язні групи. Кільця. Підкільця. Дільники нуля. Оборотні елементи. Тіла. Поля. Приклади кілець. Ідеали. Властивості ідеалів. Головні ідеали. Операції з ідеалами. Гомоморфізми кілець. Прості ідеали. Максимальні ідеали. Прямі добутки кілець. Евклідові кільця. Кільця головних ідеалів. Подільність в кільцях. Найбільший спільний дільник. Факторіальні кільця.</p> <p><i>Додаткові завдання розміщені на сторінці курсу:-</i></p>
<p>Опитування</p>	<p>Анкету-оцінку з метою оцінювання якості курсу буде надано по завершенню курсу.</p>

Схема курсу “ Загальна алгебра ”

Тиж- день	Лекції		Практичні заняття		СР К-ть год Л-ра
	Назва теми	К- сть год	Назва теми	К- сть год	
1	Елементи теорії множин. Відображення. Відношення еквівалентності. Функціональні відношення.	2	Елементи теорії множин. Відображення. Відношення еквівалентності. Функціональні відношення.	2	4 [1-7]
2	Алгебричні операції. Ізоморфізми алгебричних структур. Напівгрупи. Моноїди.	2	Алгебричні операції. Ізоморфізми алгебричних структур. Напівгрупи. Моноїди.	2	4 [1-7]
3	Групи. Підгрупи. Порядок групи. Порядок елемента. Експонента групи.	2	Групи. Підгрупи. Порядок групи. Порядок елемента. Експонента групи.	2	4 [1-7]
4	Класи суміжності. Індеси груп. Нормальні підгрупи. Факторгрупи.	2	Класи суміжності. Індеси груп. Нормальні підгрупи. Факторгрупи.	2	4 [1-7]
5	Гомоморфізми та ізоморфізми груп.	2	Гомоморфізми та ізоморфізми груп.	2	4 [1-7]
6	Дія групи на множині. Орбіти. Стабілізатори.	2	Дія групи на множині. Орбіти. Стабілізатори.	2	4 [1-7]
7	Центри. Централізатори. Нормазітори	2	Центри. Централізатори. Нормазітори	2	4 [1-7]
8	p-групи. Теореми Силова	2	p-групи. Теореми Силова	2	4 [1-7]
9	Прямі добутки груп. Абелеві групи. Розв'язні групи. Скінченнопороджені абелеві групи.	2	Прямі добутки груп. Абелеві групи. Розв'язні групи. Скінченнопороджені абелеві групи.	2	5 [1-7]
10	Колоквіум №1	2	Контрольна робота №1	2	4 [1-7]
11	Кільця. Підкільця. Дільники нуля. Оборотні елементи	2	Кільця. Підкільця. Дільники нуля. Оборотні елементи	2	5 [1-7]
12	Тіла. Поля. Приклади кілець	2	Тіла. Поля. Приклади кілець	2	5 [1-7]
13	Ідеали. Властивості ідеалів. Головні ідеали. Операції з ідеалами	2	Ідеали. Властивості ідеалів. Головні ідеали. Операції з ідеалами	2	5 [1-7]
14	Факторкільця. Гомоморфізми кілець. Прості ідеали.	2	Факторкільця. Гомоморфізми кілець.	2	5

	Максимальні ідеали. Прямі добутки кілець		Прості ідеали. Максимальні ідеали. Прямі добутки кілець		[1-7]
15	Подільність в кільцях. Найбільший спільний дільник. Факторіальні кільця. Кільця головних ідеалів. Евклідові кільця.	2	Подільність в кільцях. Найбільший спільний дільник. Факторіальні кільця. Кільця головних ідеалів. Евклідові кільця.	2	5 [1-7]
16	Колоквіум №2	2	Контрольна робота №2	2	5 [1-7]
	Разом за семестр	32		32	71
	Лектор Романів О.М.		Викладач Романів О.М.		

Примітка: В [1] викладений повністю весь теоретичний матеріал по даному курсу, а --- в [2] -- матеріали до всіх практичних занять.