

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
Львівський національний університет імені Івана Франка
Механіко-математичний факультет
Кафедра кафедри алгебри, топології та основ математики

Затверджено

На засіданні кафедри алгебри,
топології та основ математики
механіко-математичного факультету
Львівського національного університету імені
Івана Франка
(протокол № 1 від 29.08. 2022 р.)



Завідувач кафедри проф. Т.О. Банах

Силабус з навчальної дисципліни
“Класична диференціальна геометрія”,
що викладається в межах ОПІ «Комп’ютерна алгебра,
криптологія та теорія ігор»
першого (бакалаврського) рівня вищої освіти
для здобувачів зі спеціальності 111 – Математика

Львів 2022 р.

Назва дисципліни	Класична диференціальна геометрія
Адреса викладання дисципліни	м. Львів, вул. Університетська, 1
Факультет та кафедра, за якою закріплена дисципліна	Механіко-математичний факультет Кафедра алгебри, топології та основ математики
Галузь знань, шифр та назва спеціальності	Галузь знань: 11 Математика та статистика, Спеціальність: 111 Математика
Викладачі дисципліни	Гуран Ігор Йосипович, кандидат фізико-математичних наук, доцент, доцент кафедри алгебри, топології та основ математики
Контактна інформація викладачів	ihor.huran@lnu.edu.ua https://new.mmf.lnu.edu.ua/employee/huran-ihor-josypovych м. Львів, вул. Університетська, 1, ауд. 374; тел. 0322394218
Консультації з питань навчання по дисципліні відбуваються	Консультації в день проведення лекцій/практичних занять (за попередньою домовленістю) за адресою: м. Львів, вул. Університетська, 1, ауд. 374. Також можливі он-лайн консультації на платформі Teams. Для погодження часу консультації слід писати на електронну пошту викладача.
Сторінка дисципліни	https://new.mmf.lnu.edu.ua/course/klasychna-dyferentsialna-heometriia-opp-komp-iuterna-algebra-kryptolohiia-ta-teoriia-ihor
Інформація про дисципліну	Дисципліна “Класична диференціальна геометрія” є вибірковою навчальною дисципліною циклу професійної і практичної підготовки з спеціальності 111 Математика для освітньої програми “Комп’ютерна алгебра, криптологія та теорія ігор”, яка викладається у 4-му семестрі в обсязі 5 кредитів (за Європейською Кредитно-Трансферною Системою ECTS).
Коротка анотація дисципліни	Навчальну дисципліну розроблено таким чином, щоб надати учасникам необхідні знання, обов'язкові для того, щоб ознайомити студентів з історичними відомостями про виникнення та розвиток диференціальної геометрії. Сформулювати вміння та навички розв'язувати практичні завдання та задачі з використанням отриманих теоретичних знань. Розвивати логічне і творче мислення, розширити науковий світогляд студентів.
Мета та цілі дисципліни	Надати основні теоретичні відомості та сформулювати практичні навички з курсу «Класична диференціальна геометрія», який складає невід'ємну частину загально математичної освіти майбутнього вчителя математики; озброїти студентів конкретними знаннями та вміннями, які даватимуть їм можливість викладати геометрію у різних навчальних закладах та кваліфіковано керувати спецкурсами, факультативами та гуртками з геометрії, виховувати у своїх учнів допитливість, інтерес до знань.
Література для вивчення	1. Гуран І.Й, Зарічний М.М., Диференціальна геометрія і топологія. – К. НВК ВО, 1991.

дисципліни	<ol style="list-style-type: none"> 2. Борисенко О.А. Диференціальна геометрія і топологія. – Х. Основа, 1995. 3. Бокало Б.М., Гуран І.Й., Зарічний М.М. Збірник задач з курсу диференціальної геометрії і топології. – К. ІСФО, 1994. 4. Пришляк О. Диференціальна геометрія. – К. Видавничо-поліграфічний центр "Київський університет", 2004. – 68 с. 5. Кованцов М. І. Диференціальна геометрія. – К. Вища школа, 1973. – 68с. 6. Kobayashi, S., Nomiru.: Foundations of Differential Geometry, vols. I, II Wiely Classics Library Wiely, New Yourk, - 1996. 7. Величко І.Г., Гургенідзе М.О., Стеганцева П.Г. Диференціальна геометрія кривих та поверхонь: Навчально-методичний посібник до індивідуальної та самостійної роботи для студентів II курсу математичного факультету. – Запоріжжя: ЗНУ, 2009. – 76с. 8. Кованцов Н. И., Заржевская Г.М., Кочаровский В. Г. Диференциальная геометрия, топология, тензорный анализ. Сборник задач. – Киев; Вища школа. 1982. – 376с. 9. Таһа Соһи. Introduction to Differential Geometry of Space Curves and Surfaces. Kindle Edition, Great spase, 2017. – 197р. 10. Kristopher Tapp. Differential Geometry of Curves and Surfaces. Springer, Undergraduate Texts in Mathematics. 2016 – 374р. 11. А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонський, М. С. Якір - Геометрія 9 клас. – Харків, «Гімназія», 2021. 12. А.П. Єршова, В.В. Голобородько, О.Ф. Крижановський, С.В. Єршов – Геометрія 10 клас, Ранок, 2018. 13. М. І. Бурда, Н. А. Тарасенкова, І. М. Богатирьова, О. М. Коломієць, З.О. Сердюк – Геометрія 11 клас. – Київ, Оріон, 2019. 14. А. Г. Мерзляк, Д. А. Номіровський, В. Б. Полонський, М. С. Якір – Геометрія 10 клас. – Харків, Гімназія, 2018. 15. А. Г. Мерзляк, Д. А. Номіровський, В. Б. Полонський – Геометрія 11 клас. – Харків, Гімназія, 2019. 16. І. Й. Гуран, О. В. Гутік – Методичка з теорії кривих і поверхонь. <p style="text-align: center;">ДОПОМІЖНА</p> <ol style="list-style-type: none"> 17. Никифорчин О.Р.: Елементи загальної топології. Івано-Франківськ – 2015 – 240с. 18. Helgason S: Differential Geometry, Lie Groups, and Symmetric Space. Graduate Studies in Mathematiks. vol. 34. A. Math. Soc. Providewe 2012. 19. Pedro M. G., Masque J.M., Mykytyuk I.V. Analysis and Algebra on Differentiable Manifolds. A Workbook for Students and Teachers. – Springer , 2nd ed. – 2013 – 644 p. 20. Banakh T., Guran I., Ravsky A. Manifolds Admitting a Continuous Cancellative Binary Operation are Orientable //Journal of Lie Theory. – V. 16 (2016). – P. 1177-1185. 21. Igor Guran, Yaroslav Prytula. Sala Weinlös, the first female doctor of philosophy in Mathematics in Lviv university: Current Research in Mathematical and Computer Sciences // Publisher UWM, Olsztyn, 2018 P. 27–39.
Обсяг курсу	Загальний обсяг: 150 год., з них – 32 год., лекцій, 32 год. практичних занять. Самостійна робота: 86 год.

**Очікувані
результати
навчання**

У результаті вивчення курсу «Теорія кривих і поверхонь» відповідно до освітньої програми формуються **програмні компетентності:**

Загальні компетентності:

ЗК 1: Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу;

ЗК 2: Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях;

ЗК 3: Знання й розуміння предметної області та професійної діяльності;

ЗК 7: Здатність учитися і оволодівати сучасними знаннями;

ЗК 9: Здатність приймати обґрунтовані рішення;

Фахові компетентності спеціальності:

СК-1: Здатність формулювати проблеми математично та в символній формі з метою спрощення їхнього аналізу й розв'язання;

СК-2: Здатність подавати математичні міркування та висновки з них у формі, придатній для цільової аудиторії, а також аналізувати та обговорювати математичні міркування інших осіб, залучених до розв'язання тієї самої задачі;

СК-3: Здатність здійснювати міркування та виокремлювати ланцюжки міркувань у математичних доведеннях на базі аксіоматичного підходу, а також розташовувати їх у логічну послідовність, у тому числі відрізнити основні ідеї від деталей технічних викладок;

СК-4: Здатність конструювати формальні доведення з аксіом та постулатів і відрізнити правдоподібні аргументи від формально бездоганих;

СК-6: Здатність розробляти і досліджувати математичні моделі явищ, процесів та систем;

СК-8: Здатність до аналізу математичних структур, у тому числі до оцінювання обґрунтованості й ефективності використовуваних математичних підходів;

Програмні результати навчання:

РН-1: Знати основні етапи історичного розвитку математичних знань і парадигм, розуміти сучасні тенденції в математиці;

РН-3: Знати принципи *modus ponens* (правило виведення логічних висловлювань) та *modus tollens* (доведення від супротивного) і використовувати умови, формулювання, висновки, доведення та наслідки математичних тверджень;

РН-4: Розуміти фундаментальну математику на рівні, необхідному для досягнення інших вимог освітньої програми;

РН-7: Пояснювати математичні концепції мовою, зрозумілою для нефахівців у галузі математики;

РН-10: Розв'язувати задачі придатними математичними методами, перевіряти умови виконання математичних тверджень, коректно переносити умови та твердження на нові класи об'єктів, знаходити й аналізувати відповідності між поставленою задачею й відомими моделями;

РН-11: Розв'язувати конкретні математичні задачі, які сформульовано у формалізованому вигляді; здійснювати базові перетворення математичних моделей;

РН-14: Знати теоретичні основи і застосовувати методи аналітичної та диференціальної геометрії для розв'язування професійних задач.

Ключові слова	Вектор-функція, гладка крива, кривина, скрут, гладка поверхня, перша квадратична форма, друга квадратична форма, тензор кривини, геодезійні
Формат курсу	Очний.
Теми	Перелік тем подано в додатку у формі схеми курсу.
Підсумковий контроль, форма	Залік в кінці семестру в письмовій формі.
Пререквізити	Для вивчення курсу студенти потребують базових знань з лінійної алгебри, математичного аналізу, аналітичної геометрії, топології, елементарної математики в обсязі програми загальноосвітньої школи, диференціальних рівнянь.
Навчальні методи та техніки, які будуть використовуватися під час викладання курсу	Лекції, презентації, спільні розробки, робота у групах, дискусія, підготовка індивідуальних завдань.
Необхідне обладнання	Дошка, комп'ютер, проектор, доступ до Internet мережі. Для вивчення курсу достатньо володіти загально вживаними програми такими як Microsoft Office Word, Microsoft Office, Excel, Microsoft Teams.
Критерії оцінювання (окремо для кожного виду навчальної діяльності)	<p>Оцінювання проводиться за 100-бальною шкалою. Бали нараховуються за наступним співвідношенням:</p> <ul style="list-style-type: none"> • робота під час практичних занять: 10% семестрової оцінки; максимальна кількість балів 10. • підготовка індивідуальних завдань: 40% семестрової оцінки; максимальна кількість балів 40. • залік: 50% семестрової оцінки; максимальна кількість балів 50. <p>Підсумкова максимальна кількість балів – 100.</p> <p>Залік проходить у письмовій формі. У кожному білеті міститься по два теоретичних питання із теорії кривих і поверхонь, а також набір задач, вибраних зі шкільного поглибленого курсу математики. Оцінка за семестр у випадку складання заліку є сумою балів поточного контролю та балів, отриманих під час заліку.</p> <p>Письмові роботи: Очікується, що студенти протягом семестру виконають індивідуальні завдання. Варіант ІЗ включає в собі розробку диференційованих завдань по темах шкільного курсу, написання конспектів уроків, проведення уроків.</p> <p>Академічна доброчесність: Очікується, що роботи студентів будуть їх оригінальними дослідженнями чи міркуваннями. Відсутність посилань</p>

	<p>на використанні джерела, фабрикування джерел, списування, втручання в роботу інших студентів становлять, але не обмежують, приклади можливої академічної недоброчесності. Виявлення ознак академічної недоброчесності в письмовій роботі студента є підставою для її незарахування викладачем, незалежно від масштабів плагіату чи обману. Жодні форми недоброчесності не толеруються.</p> <p>Відвідання занять є важливою складовою навчання. Очікується, що всі студенти відвідають усі лекції та практичні заняття курсу. Студенти повинні інформувати викладача про неможливість відвідати заняття. У будь-якому випадку студенти зобов'язані дотримуватися термінів визначених для виконання всіх видів письмових робіт та індивідуальних завдань, передбачених курсом.</p> <p>Література. Уся література, яку студенти не зможуть знайти самостійно, буде надана викладачем виключно в освітніх цілях без права її передачі третім особам. Студенти заохочуються до використання також й іншої літератури та джерел, яких немає серед рекомендованих.</p> <p>Політика виставлення балів. Враховуються бали набрані при поточному тестуванні, самостійній роботі та бали підсумкового тестування. При цьому обов'язково враховуються присутність на заняттях та активність студента під час практичного заняття; недопустимість пропусків та запізнь на заняття; користування мобільним телефоном, планшетом чи іншими мобільними пристроями під час заняття в цілях не пов'язаних з навчанням; списування та плагіат; несвоєчасне виконання поставленого завдання і т. ін.</p>
<p>Питання до заліку</p>	<ul style="list-style-type: none"> • Основні властивості вектор-функції скалярного аргументу. Довести лему про похідну вектор-функції постійного модуля • Параметричні, загальні і векторні рівняння ліній • Довести теорему про дотичну до кривої • Вивести рівняння дотичної і нормальної площин до гладкої кривої • Поняття стичної площини до кривої та вивести її рівняння • Вивести рівняння головної нормалі і бінормалі • Поняття довжини дуги кривої і вивести формулу для її визначення • Поняття натурального параметра. Довести теорему про натуральну параметризацію довільної регулярної кривої • Кривина кривої, радіус кривини кривої • Поняття про скрут просторової кривої • Вивести формулу Френе • Вивести формулу кривини та скруту при довільній параметризації кривої • Довести основну теорему для просторових і плоских кривих. Натуральні рівняння кривої • Поняття гладкої параметризованої поверхні. Локальна еквівалентність різних форм поверхні: явне, неявне, параметричне задання поверхні

	<ul style="list-style-type: none"> • Координатні лінії на поверхні. Дотична площина та нормаль до поверхні • Перша квадратична форма поверхні та її обчислення • Елементи внутрішньої геометрії: довжина дуги кривої на поверхні, кут між кривими на поверхні, площа поверхні • Друга квадратична форма поверхні та формули для її обчислення. • Нормальні та похилі перерізи • Гауссова та середня кривини поверхні • Головні кривини поверхні. Індикатриса Дюпена • Класифікація точок поверхні • Дериваційні формули Вейнгартена-Гаусса • Довести теорему Гаусса • Геодезійні криві на поверхні. Обчислення геодезійної кривини • Геодезійні криві на сфері, циліндрі, конусі • Геодезійні на поверхнях обертання • Геодезійні та їх екстремальні властивості
Опитування	Анкету-оцінку з метою оцінювання якості курсу буде надано по завершенню курсу.

Схема курсу

Тиж день, год.	Тема, план, короткі тези	Форма діяльності ((заняття)* *лекція, самостійна, дискусія, групова робота)	Література (Ресурси в інтернеті)	Завдання, год.	Термін виконан ня
Пер ший, 2 год.	Вступ до диференціальної геометрії. Векторна функція скалярного аргументу. Поняття кривої (лінії) в евклідовому просторі	лекція	[1, 2, 5, 8, 12, 14]	Про виникнення і розвиток диференціальної геометрії. Поняття кривої: проста плоска крива, плоскі криві, що задаються параметрично, просторові криві, крива як годограф вектор-функції. Гладкі криві. Розширення поняття функції в шкільному курсі.	Один тиждень

				(2 год.)	
Другий, 2 год.	Дотична, нормальна і стична площини до кривої. Головна нормаль і бінормаль.	лекція	[1, 2, 4, 5, 8, 14]	Теорема про дотичну до кривої. Визначення рівняння: дотичної, нормальної площини до кривої, а також стичної площини, головної нормалі і бінормалі. Узагальнення поняття дотичної до кулі, циліндра шкільного курсу геометрії. (2 год.)	Один тиждень
Перший, Другий, 4 год.	Тема 2. Похідні вектор-функції та їх обчислення. Обчислення дотичної, нормалі та бінормалі.	практичне	[3, 7, 8, 12, 13, 16]	Знаходження рівнянь дотичної, нормальної площини до кривої. Рівняння дотичної та нормалі до кривої при різних заданнях кривої. Розширення поняття дотичної до кривої, яка є графіком функції у шкільному курсі математики. (4 год.)	Два тижні
Третій, 2 год.	Довжина дуги кривої. Натуральний параметр.	лекція	[1, 2, 5, 8]	Означення довжини дуги і виведення формули для її знаходження. Натуральна параметризація. Перехід до натурального параметра. Узагальнення поняття довжини дуги кола. Число π . (2 год.)	Один тиждень

Третій, 2 год.	Обчислення довжини дуги кривої для різних параметризацій. Перехід до натурального параметра.	практичне	[3, 4, 7, 8, 12, 14]	Застосування формул для обчислення довжини кривої. Знаходження довжини кривої при заданні кривої у неявній формі. Розширення поняття кривої, як графіка функції в шкільному курсі математики. (2 год.)	Один тиждень
Третій, 2 год.	Кривина і скрут кривої при натуральній параметризації. Формули Френе.	лекція	[1, 2, 5, 8, 11, 13]	Означення кривини. Супровідний тригранник. Натуральні рівняння кривої. Кривина кривої, як узагальнення поняття радіуса кола шкільного курсу геометрії. (2 год.)	Один тиждень
Четвертий, 2 год.	Геометричний зміст кривини плоскої кривої.	практичне	[2, 7, 8, 11, 13, 14]	Обчислення кривини і скриту гладкої кривої. Визначення рівняння кривої через її кривину і скрут. Коло – єдина плоска плоска крива постійної ненульової кривини. Фізичний і геометричний зміст. (2 год.)	Один тиждень
П'ятий, 2 год.	Кривина і скрут кривої при довільній параметризації кривої.	лекція	[1, 2, 5, 8, 11, 13]	Виведення формул для обчислення кривої та скриту при довільній параметризації. Незалежність кривини кривої від	Один тиждень

				її параметризації (2 год.)	
П'ятий, 2 год.	Обчислення кривини та скруту гладкої поверхні при довільній параметризації.	практичне	[3, 7, 8, 11, 13]	Кривина та скрут класичних кривих, заданих у різних формах задання: параметрична, явна, неявна. Неявне рівняння кола. Перехід від неявного рівняння до параметричного і навпаки. (2 год.)	Один тиждень
Шостий, 2 год.	Доведення основної теорії плоских та просторових кривих.	лекція	[2, 5, 8]	Формули Серре-Френе як диференціальні рівняння руху репера Френе. Теорема існування і єдиності для системи диференціальних рівнянь з гладкими коефіцієнтами. (2 год.)	Один тиждень
Шостий, 2 год.	Особливі точки плоских кривих	практичне	[2, 5, 6, 12, 13]	Визначення особливих точок плоских кривих при різних формах задання кривих. Графік пів кубічної параболі в шкільному курсі математики. (2 год.)	Один тиждень
Сьомий, 2 год.	Поняття поверхні та способи її задання.	лекція	[2, 4, 5, 12, 13, 16]	Означення елементарної області і поверхні. Параметричне, загальне і векторне	Один тиждень

				<p>рівняння поверхні. Гладкі поверхні. Координатні лінії та поверхні. Узагальнення поняття поверхні в шкільному курсі математики.</p> <p>(2 год.)</p>	
Сьомий, 2 год.	Побудова поверхні її параметричним та неявним рівнянням.	практичне	[2, 4, 5, 8, 12, 13, 14]	<p>Виділення класу поверхонь обертання, лінійчастих поверхонь. Знаходження координатних ліній на поверхнях. Поверхні обертання в шкільному курсі математики: сфера, циліндр, конус.</p> <p>(2 год.)</p>	Один тиждень
Восьмий 2 год.	Дотична площина і нормаль поверхні.	лекція	[1, 2, 5, 8, 12, 13]	<p>Означення дотичної площини до поверхні в заданій точці. Доведення теореми про дотичну площину до поверхні. Рівняння дотичної площини і нормалі до поверхні. Розширення поняття дотичної до сфери в геометрії 10 клас.</p> <p>(2 год.)</p>	Один тиждень
Восьмий 2 год.	Поверхні задані у різних формах і рівняння дотичної площини і нормалі до	практичне	[2, 5, 8, 12, 13]	<p>Знаходження рівнянь дотичної площини та нормалі до поверхонь. Узагальнення теореми про дотичну до сфери,</p>	Один тиждень

	поверхні.			перпендикулярну до радіуса. (2 год.)	
Дев'ятий, 2 год.	Перша квадратична форма поверхні та її застосування.	лекція	[1, 2, 4, 5, 8, 12, 13]	Означення першої квадратичної форми поверхні. Довжина кривої на поверхні. Кут між кривими на поверхні. Площа області на поверхні. Розширення поняття відстані від точки до поверхні сфери. Геометрія 10-11 класи. (2 год.)	Один тиждень
Дев'ятий, 2 год.	Метрична геометрія поверхонь.	практичне	[5, 7, 8, 12, 13]	Застосування формул для обчислення довжини дуги кривої, кута між кривими на поверхні та площі області на поверхні. Узагальнення поняття кута між променями в шкільному курсі геометрії. (2год.)	Один тиждень
Десятий, 2 год.	Друга квадратична форма поверхні та її застосування.	лекція	[1, 2, 5, 8, 12, 13, 14]	Означення другої квадратичної форми поверхні. Означення нормальних перерізів і нормальної кривини. Узагальнення	Один тиждень

				поняття перерізу многогранника шкільного курсу геометрії. (2 год.)	
Десятий, 2 год.	Друга квадратична форма та її обчислення.	практичне	[1, 2, 5]	Обчислення коефіцієнтів другої квадратична форма поверхні при різних формах її задання. (2 год.)	Один тиждень
Одинадцятий, 2 год.	Індикатриса Дюпена та її рівняння. Головні кривини та гаусова кривина поверхні.	лекція	[1, 2, 4, 5, 16]	Знаходження рівняння індикатрисы Дюпена, головних кривин, гаусової та середньої кривини поверхні (2 год.)	Один тиждень
Одинадцятий, 2 год.	Головні, повні та середні кривини поверхні.	практичне	[2, 5, 7, 16]	Підсумкова контрольна з теорії поверхонь. (2 год.)	Один тиждень
Дванадцятий, 2 год.	Ізометричні поверхні. Внутрішня геометрія поверхні та її інваріанти.	лекція	[1, 2, 5, 8, 16]	Інваріанти ізометрії поверхонь. Гауссова кривина, як інваріант ізометрій. Ізометрія, як узагальнення поняття руху геометричних фігур в шкільному курсі геометрії. (2 год.)	Один тиждень
Дванадцятий, 2 год.	Взаємозв'язок різних формул для обчислення гаусової кривини.	практичне	[2, 5, 11, 12, 15]	Цікаві лінії на поверхнях: асиметричні, ортогональні, лінії кривини. Задачі на ГМТ в шкільній геометрії. (2 год.)	Один тиждень

Тринадцятий, 2 год.	Знаходження геодезійних.	практичне	[2, 4, 5, 7, 12, 13, 15]	Геодезійні на сфері, циліндрі, конусі. Поверхнях обертання. Доведення того, що геодезійні на сфері – дуги великих кіл. (2 год.)	Один тиждень
Чотирнадцятий, 2 год.	Екстремальні властивості геодезійних	лекція	[2, 5, 8, 12, 13, 15]	Доведення екстремальних властивостей геодезійних на основі напівгеодезійної системи координат. Гвинтові лінії – геодезійні на циліндрі. (2 год.)	Один тиждень
П'ятнадцятий, 2 год.	Теорема Гауса-Бонне	лекція	[2, 5, 6]	Доведення теореми Гауса-Бонне (2 год.)	Один тиждень
П'ятнадцятий, 2 год.	Підсумкова контрольна робота та захист індивідуальних завдань.	практичне	[2, 5, 7, 8, 12, 13, 15]	Знаходження коваріантних похідних коефіцієнтів першої та другої квадратичних форм поверхонь. Ідея розгортки многогранника при знаходженні геодезійних на многогранниках. (2 год.)	Один тиждень
Шістнадцятий, 2 год.	Поняття ріманового простору. Коваріантна похідна.	лекція	[1, 2, 5, 8, 11, 12, 14,]	Поняття тензора. Узагальнення поняття вектора, геодезійної, тензор кривини. Аксиоматика в шкільному курсі геометрії. Неєвклідові геометрії. Постулат паралельних. (2 год.)	Один тиждень
Шістнадцятий, 2 год.	Підсумкове заняття з теми теорія	практичне	[2, 5, 6]	Загальний погляд на сучасний стан розвитку задач	Один тиждень

2 год.	поверхонь.			диференціальної геометрії. Апеляції до виконаних індивідуальних завдань. (2 год.)	
--------	-------------------	--	--	--	--