

# Логічні закони

Дискретна математика



Лекція 2

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.



У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.



У логіці атом, чи складне висловлення називають *формулою*. Вивчаючи формули, розглядають два аспекти — синтаксис і семантику.

*Синтаксис* — це сукупність правил, які дають змогу будувати формули та розпізнавати правильні формули серед послідовностей символів. Формули в логіці висловлень визначають за такими правилами:

- атом — це формула;
- якщо  $\alpha$  — формула, то  $\bar{\alpha}$  — також формула;
- якщо  $\alpha$  і  $\beta$  — формули, то  $\alpha \wedge \beta$ ,  $\alpha \vee \beta$ ,  $\alpha \Rightarrow \beta$ ,  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  — формули;
- формули утворюються лише скінченною кількістю застосувань вище наведених правил.

*Семантика* — це сукупність правил, за якими формулам надають значень істинності. Семантику логічних операцій зручно задавати у вигляді таблиць істинності, як це ми визначали раніше для логічних операцій.

*Логічним законом* називається тотожно-істинна логічна формула, тобто така формула, яка істинна завжди, тобто при будь-якому наборі значень істинності.

Логічні закони, і лише вони становлять загальні форми правильного мислення. Тому вони найбільш цікаві для логіки.

Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.  
Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.

Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.  
Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.

Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.

Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.

Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.

Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.

Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.

Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.

Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.  
Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.

Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.

Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.



Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.

Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.

Як довести логічний закон? Для цього є принаймні три способи.

Перший — *складання таблиці істинності*. Зрозуміло, що логічна формула буде тотожно-істинна тоді й лише тоді, коли останній стовпець її таблиці істинності складається лише з одиниць.

Іноколи швидше приводить до мети другий спосіб доведення логічних законів, який полягає в тому, що безпосередньо на підставі означення логічних операцій упевнюються, що формула не може набувати значення нуля. Нарешті, третій спосіб ґрунтується на тотожних перетвореннях логічних формул.

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  ("якщо  $X$ , то  $X$ ").

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \bar{X}}$  ("не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\bar{X}$ ").

Доведення:

$X$	$\bar{X}$	$X \wedge \bar{X}$	$\overline{X \wedge \bar{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \bar{X}$  ("з висловлень  $X$  і  $\bar{X}$  принаймні одне істинне").

Доведення:

$X$	$\bar{X}$	$X \vee \bar{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  ("якщо  $X$ , то  $X$ ").

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  ("не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ").

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \overline{X}$  ("з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне").

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  (“якщо  $X$ , то  $X$ ”).

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  (“не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ”).

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \overline{X}$  (“з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне”).

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  (“якщо  $X$ , то  $X$ ”).

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  (“не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ”).

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \overline{X}$  (“з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне”).

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  ("якщо  $X$ , то  $X$ ").

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  ("не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ").

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \overline{X}$  ("з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне").

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  ("якщо  $X$ , то  $X$ ").

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  ("не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ").

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \overline{X}$  ("з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне").

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1



### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  (“якщо  $X$ , то  $X$ ”).

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  (“не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ”).

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \overline{X}$  (“з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне”).

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  ("якщо  $X$ , то  $X$ ").

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  ("не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ").

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \overline{X}$  ("з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне").

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. **Закон тотожності:**  $X \rightarrow X$  (“якщо  $X$ , то  $X$ ”).

*Доведення:*

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. **Закон суперечності:**  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  (“не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ”).

*Доведення:*

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. **Закон вилучення третього:**  $X \vee \overline{X}$  (“з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне”).

*Доведення:*

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  (“якщо  $X$ , то  $X$ ”).

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $\overline{X \wedge \overline{X}}$  (“не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\overline{X}$ ”).

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \wedge \overline{X}$	$\overline{X \wedge \overline{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \overline{X}$  (“з висловлень  $X$  і  $\overline{X}$  принаймні одне істинне”).

Доведення:

$X$	$\overline{X}$	$X \vee \overline{X}$
0	1	1
1	0	1

### Основні логічні закони:

1. Закон тотожності:  $X \rightarrow X$  (“якщо  $X$ , то  $X$ ”).

Доведення:

$X$	$X$	$X \rightarrow X$
0	0	1
1	1	1

2. Закон суперечності:  $X \wedge \bar{X}$  (“не можуть бути одночасно істинними висловлення  $X$  і  $\bar{X}$ ”).

Доведення:

$X$	$\bar{X}$	$X \wedge \bar{X}$	$\overline{X \wedge \bar{X}}$
0	1	0	1
1	0	0	1

3. Закон вилучення третього:  $X \vee \bar{X}$  (“з висловлень  $X$  і  $\bar{X}$  принаймні одне істинне”).

Доведення:

$X$	$\bar{X}$	$X \vee \bar{X}$
0	1	1
1	0	1

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\neg\neg X = X$  Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

$$\neg(X \vee Y) = \neg X \wedge \neg Y$$

$$\neg(X \wedge Y) = \neg X \vee \neg Y$$

*Доведення:*

$X$	$Y$	$\neg(X \vee Y)$	$\neg X \wedge \neg Y$
0	0	1	1
0	1	0	0
1	0	0	0
1	1	0	0

  

$X$	$Y$	$\neg(X \wedge Y)$	$\neg X \vee \neg Y$
0	0	1	1
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\neg\neg X = X$  Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

$$\neg(X \vee Y) = \neg X \wedge \neg Y$$

$$\neg(X \wedge Y) = \neg X \vee \neg Y$$

*Доведення:*

$X$	$Y$	$\neg(X \vee Y)$	$\neg X \wedge \neg Y$
0	0	1	1
0	1	0	0
1	0	0	0
1	1	0	0

  

$X$	$Y$	$\neg(X \wedge Y)$	$\neg X \vee \neg Y$
0	0	1	1
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\neg\neg A = A$  Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

$$\neg(A \vee B) = \neg A \wedge \neg B$$

$$\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$$

*Доведення:*

$A$	$B$	$\neg(A \vee B)$	$\neg A \wedge \neg B$
і	і	н	н
і	н	н	н
і	л	н	н
н	і	н	н
н	н	і	і
н	л	і	і
л	і	і	і
л	л	і	і



## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\neg(\neg A) = A$  Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

$$\neg(A \vee B) = \neg A \wedge \neg B$$

$$\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$$

Доведення:

$A$	$B$	$\neg(A \vee B)$	$\neg A \wedge \neg B$
і	і	н	н
і	н	н	н
і	л	н	н
н	і	н	н
н	н	і	і
н	л	і	і
л	і	і	і
л	л	і	і

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\neg(\neg A) = A$  Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

$$\neg(A \vee B) = \neg A \wedge \neg B$$

$$\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$$

*Доведення:*

$A$	$B$	$\neg(A \vee B)$	$\neg A \wedge \neg B$
і	і	н	н
і	н	н	н
і	л	н	н
н	і	н	н
н	н	і	і
н	л	і	і
л	і	і	і
л	л	і	і

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\neg(\neg A) = A$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

$$\neg(A \vee B) = \neg A \wedge \neg B$$

$$\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$$

*Доведення:*

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

а)

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0



## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

а)

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

б)

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

а)

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

б)

## Лекція 2. Логічні закони

Особливо важливе значення мають *тотожно-істинні еквівалентності*, які позначаються звичайним знаком “=”.

Як можна довести логічну рівність  $S = T$ ? Рівність  $S = T$  буде істинна тоді й лише тоді, коли формули  $S$  і  $T$  на будь-яких наборах мають однакові значення істинності.

4. Закон подвійного заперечення:  $\overline{\overline{X}} = X$ . Доведення очевидне.

5. Формули (закони) де Моргана:

а)  $\overline{X \vee Y} = \overline{X} \wedge \overline{Y}$ ,

б)  $\overline{X \wedge Y} = \overline{X} \vee \overline{Y}$ .

Доведення:

а)

$X$	$Y$	$X \vee Y$	$\overline{X \vee Y}$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \wedge \overline{Y}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

б)

$X$	$Y$	$\overline{X}$	$\overline{Y}$	$\overline{X} \vee \overline{Y}$	$\overline{X \wedge Y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

## Лекція 2. Логічні закони

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$а) X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$б) X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$в) X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$г) X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$ґ) X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

- а) диз'юнкцію та заперечення;
- або
- б) кон'юнкцію та заперечення.



Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$а) X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$б) X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$в) X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$г) X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$ґ) X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

## Лекція 2. Логічні закони

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$а) X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$б) X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$в) X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$г) X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$д) X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$а) X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$б) X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$в) X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$г) X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$ґ) X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

## Лекція 2. Логічні закони

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

- а) диз'юнкцію та заперечення;
- або
- б) кон'юнкцію та заперечення.

## Лекція 2. Логічні закони

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.



## Лекція 2. Логічні закони

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{г) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

- а) диз'юнкцію та заперечення;
- або
- б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

- а) диз'юнкцію та заперечення;
- або
- б) кон'юнкцію та заперечення.

## Лекція 2. Логічні закони

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.



## Лекція 2. Логічні закони

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Як побачимо далі, логічні операції не незалежні, одні з них можна виразити через інші. Наприклад:

$$\text{а) } X \vee Y = \overline{\overline{X} \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{б) } X \wedge Y = \overline{\overline{X} \vee \overline{Y}};$$

$$\text{в) } X \rightarrow Y = \overline{X} \vee Y;$$

$$\text{г) } X \rightarrow Y = \overline{X \wedge \overline{Y}};$$

$$\text{ґ) } X \sim Y = (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow X).$$

Отже, диз'юнкція виражається через кон'юнкцію і заперечення а); кон'юнкція — через диз'юнкцію та заперечення б); імплікація — через диз'юнкцію та заперечення в), або — через кон'юнкцію та заперечення г); еквіваленцію — через імплікацію та кон'юнкцію. Ми пропонуємо самостійно довести вище перелічені логічні рівності.

Отож, всі логічні операції можна виразити через

а) диз'юнкцію та заперечення;

або

б) кон'юнкцію та заперечення.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктивній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктивній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктивній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктивній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.



Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.



Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- 1  $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- 2  $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- 1  $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- 2  $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- 1  $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- 2  $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- 1  $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- 2  $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

Кажуть, що формула  $\alpha$  записана

- в *кон'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \cdots \wedge \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою диз'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними;

- в *диз'юнктній нормальній формі*, якщо воно має вигляд

$$\alpha = \alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \cdots \vee \alpha_n \quad (n \geq 2),$$

де кожна з формул  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є атомом, або його запереченням, або їхньою кон'юнкцією, а всі формули  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$  є різними.

### Приклад 1.1.2

Нехай  $\alpha, \beta$  і  $\gamma$  — атоми. Тоді:

- 1  $\omega = (\alpha \vee \bar{\beta} \vee \bar{\gamma}) \wedge (\bar{\alpha} \vee \beta)$  — формула, записана в кон'юнктній нормальній формі;
- 2  $\omega = (\alpha \wedge \bar{\beta} \wedge \bar{\gamma}) \vee (\bar{\alpha} \wedge \beta)$  — формула, записана в диз'юнктній нормальній формі.

### 4. Закон контрапозиції:

$$X \rightarrow Y = \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$$

*Доведення:*

X	Y	$X \rightarrow Y$	$\bar{Y}$	$\bar{X}$	$\bar{Y} \rightarrow \bar{X}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	1

### 4. Закон контрапозиції:

$$X \rightarrow Y = \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$$

*Доведення:*

$X$	$Y$	$X \rightarrow Y$	$\bar{Y}$	$\bar{X}$	$\bar{Y} \rightarrow \bar{X}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	1

### 4. Закон контрапозиції:

$$X \rightarrow Y = \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$$

*Доведення:*

$X$	$Y$	$X \rightarrow Y$	$\bar{Y}$	$\bar{X}$	$\bar{Y} \rightarrow \bar{X}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	1



### 4. Закон контрапозиції:

$$X \rightarrow Y = \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$$

*Доведення:*

$X$	$Y$	$X \rightarrow Y$	$\bar{Y}$	$\bar{X}$	$\bar{Y} \rightarrow \bar{X}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	1

### 4. Закон контрапозиції:

$$X \rightarrow Y = \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$$

*Доведення:*

$X$	$Y$	$X \rightarrow Y$	$\bar{Y}$	$\bar{X}$	$\bar{Y} \rightarrow \bar{X}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	1

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(1) закон ідентичності

(2) закон контрадикції

(3) закон тавтології

(4) закон дистрибутивності

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

(ii) закони поглинання:

(iii) закони тотожності:

(iv) закони домінування:

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) \quad X \vee X = X;$$

$$(i_2) \quad X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) \quad (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) \quad (X \wedge Y) \wedge X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) \quad X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) \quad X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) \quad X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) \quad X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$



### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \wedge X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$



### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_3) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_4) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) \quad X \vee X = X;$$

$$(i_2) \quad X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) \quad (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) \quad (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) \quad X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) \quad X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) \quad X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) \quad X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

### Вправа 1.1.7

Доведіть такі закони:

(i) закони ідемпотентності:

$$(i_1) X \vee X = X;$$

$$(i_2) X \wedge X = X;$$

(ii) закони поглинання:

$$(ii_1) (X \vee Y) \vee X = X;$$

$$(ii_2) (X \wedge Y) \vee X = X;$$

(iii) закони тотожності:

$$(iii_1) X \vee 0 = X;$$

$$(iii_2) X \wedge 1 = X;$$

(iii) закони домінування:

$$(iii_1) X \vee 1 = 1;$$

$$(iii_2) X \wedge 0 = 0.$$

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $x \in X$ , то  $x \in Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $x \in Y$ , то  $x \in X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $x \in X$ , то немає  $x \in Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $x \in X$ , то  $x \in Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $x \in Y$ , то  $x \in X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $x \in X$ , то  $x \in Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $x \in Y$ , то  $x \in X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається **оберненою теоремою**.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається **протилежною теоремою**. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

Теорема 1.1.3

Якщо  $x \in X$ , то  $x \in Y$ .

Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $x \in Y$ , то  $x \in X$ .

Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.



## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $x \in X$ , то  $x \in Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $x \in Y$ , то  $x \in X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $\epsilon X$ , то  $\epsilon Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $\epsilon Y$ , то  $\epsilon X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $\epsilon X$ , то  $\epsilon Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $\epsilon Y$ , то  $\epsilon X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\overline{X} \rightarrow \overline{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $\epsilon X$ , то  $\epsilon Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $\epsilon Y$ , то  $\epsilon X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $\epsilon X$ , то  $\epsilon Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $\epsilon Y$ , то  $\epsilon X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $\epsilon X$ , то  $\epsilon Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $\epsilon Y$ , то  $\epsilon X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $\epsilon X$ , то  $\epsilon Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $\epsilon Y$ , то  $\epsilon X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $\epsilon X$ , то  $\epsilon Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $\epsilon Y$ , то  $\epsilon X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.



## Лекція 2. Логічні закони

Відповідно до варіантів імплікації в математиці розглядаються зв'язки між теоремами. Якщо  $X \rightarrow Y$  — дана теорема, то її конверсія  $Y \rightarrow X$  називається *оберненою теоремою*.

Конверсія контрапозиції  $\bar{X} \rightarrow \bar{Y}$  називається *протилежною теоремою*. З нашого означення випливає, що формулювання оберненої теореми можна отримати, помінявши місцями умову та висновок.

### Теорема 1.1.3

Якщо  $\epsilon X$ , то  $\epsilon Y$ .

### Теорема 1.1.4 (обернена до теореми 1.1.3)

Якщо  $\epsilon Y$ , то  $\epsilon X$ .

### Теорема 1.1.5 (протилежна до теореми 1.1.3)

Якщо немає  $X$ , то немає  $Y$ .

За законом контрапозиції, довівши яку-небудь теорему, ми довели для неї обернену до протилежної (контрапозицію). Отже, з теореми “Якщо точка лежить на бісектрисі кута, то вона однаково віддалена від сторін кута” автоматично випливає твердження: “Якщо точка не однаково віддалена від сторін кута, то вона не лежить на його бісектрисі”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.



З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.

З імплікацією тісно пов'язане питання про *необхідність і достатність* умов, дуже важливе для математики. Означення такі: якщо імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то істинність висловлення  $Y$  називають *необхідною умовою* для істинності висловлення  $X$ . Коротше: якщо істинно  $X \rightarrow Y$ , то  $Y$  — *необхідна умова* для  $X$ , а  $X$  — *достатня умова* для  $Y$ .

Такі назви пояснюються тим, що коли імплікація  $X \rightarrow Y$  істинна, то для вірності  $X$  необхідно, щоб було вірним і  $Y$ , а вірність  $X$  достатня для вірності  $Y$ .

Наприклад, твердження “Якщо ціле число закінчується нулем, то воно ділиться на 2” можна інакше висловити так: “Для того, щоб ціле число закінчувалося нулем, необхідно, щоб воно ділилося на 2”, або “Для того, щоб число ділилось на 2, достатньо, щоб воно закінчувалося нулем”.



### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).



### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

#### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Доведення від супротивного

Легко переконатися, що істинні такі формули:

$$C1) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X};$$

$$C2) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y;$$

$$C3) X \rightarrow Y = X \wedge \bar{Y} \rightarrow 0.$$

Ці рівності означають таке: щоб довести, що з  $X$  випливає  $Y$ , досить довести, що коли  $X$  правильне, а  $Y$  неправильне, то C1) — неправильне; C2)  $Y$  — правильне; C3) прийдемо до суперечності.

### Вправа 1.1.8

Доведіть логічні рівності C1) — C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

- 1) Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, перетинаються в точці, то кутами при вершині цих двох прямих є куті, тоді вони перпендикулярні (С1).
- 2) Якщо дві прямих, що лежать на площині (С1), перетинаються в одній площині, тоді куті, тоді, маємо  $(\angle 1 = \angle 2)$ . Тоді вони перпендикулярні і утворюють чотирикутник з прямою кутом і перпендикулярними сторонами, а отже – рівносторонній, чи квадратний трикутник. Як в даному випадку, маємо кут  $(\angle 1)$ , тоді, ми довели, що  $\angle 1 = \angle 2 = 90^\circ$ , а отже  $\angle 2 = 90^\circ$ .

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: С1), С2) або С3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що  $(X \wedge \bar{Y})$ . Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $X$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ )

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що  $(X \wedge \bar{Y})$ . Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $X$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

- 2.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).



### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $X$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $X$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде перекоонатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $X$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $X$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $X$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $x$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $y$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $X$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $x$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $y$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $x$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $y$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $x$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $y$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).



### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $x$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $y$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).



### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).



### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного.

Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

### Приклад 1.1.6

Доведемо методом від супротивного такі теореми:

1. Якщо дві прямі, які лежать в одній площині, в перетині з третьою утворюють рівні відповідні кути, то ці прямі паралельні ( $X \rightarrow Y$ ).

*Доведення.* Припустимо, що вони не паралельні ( $\bar{Y}$ ), хоч і утворюють рівні відповідні кути ( $X$ ), тобто, що ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Тоді прямі перетинаються й утворюють трикутник, у якому один з відповідних кутів буде внутрішнім, а другий — зовнішнім, не суміжним з ним. Як відомо, такі кути не однакові ( $\bar{X}$ ). Отже, ми довели, що  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow \bar{X}$ , а отже  $X \rightarrow Y$ .

2. Доведемо класичну теорему Евкліда про нескінченність множини простих чисел. Сформулюємо її так: якщо  $n$  — просте число ( $X$ ), то існує більше за нього просте число  $q$  ( $Y$ ). Тобто  $X \rightarrow Y$ .

*Доведення.* Нехай  $p$  — найбільше просте число, тобто не існує більшого за нього ( $X \wedge \bar{Y}$ ). Розглянемо число  $Q = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot p + 1$ . Число  $Q$  або просте, або складене. Якщо воно просте, то, оскільки воно більше за  $p$ , твердження  $Y$  вірне, тобто  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Якщо ж  $Q$  складене, то воно ділиться на якесь просте число  $q$ . Але на прості числа  $2, 3, 5, \dots, p$  число  $Q$  не ділиться, бо при діленні на кожне з них отримується остача 1. Отже, число  $q$  відмінне від усіх простих  $2, 3, 5, \dots, p$ , тобто  $Q > p$ . І в цьому випадку існує просте число, більше за  $p$ :  $X \wedge \bar{Y} \rightarrow Y$ . Отож, завжди вірна імплікація  $X \rightarrow Y$ . Це й означає, що множина простих чисел нескінченна.

Надалі ми часто користуватимемося методом доведення від супротивного. Проаналізувавши хід наших міркувань, завжди можна буде переконатися, що ми користувались одним із правил: C1), C2) або C3).

Дякую за увагу!!!